

ИСПОЛЬЗОВАНИЯ ЧИСЛОВОЙ ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТИ И ОПРЕДЕЛЕННОГО ИНТЕГРАЛА ПРИ РЕШЕНИИ ЭКОНОМИЧЕСКИХ ЗАДАЧ

Османова С.¹, Ходжаева Т.²

¹Османова Садап - преподаватель кафедры «Высшая математика и Информатика» Туркменского государственного института экономики и управления

²Ходжаева Тувакгул - преподаватель кафедры «Высшая математика и Информатика» Туркменского государственного института экономики и управления

Ашгабад, Туркменистан

Аннотация: в статье рассказывается о использовании числовой последовательности и определенного интеграла при решении экономических задач. Также в статье рассказывается о Архимеде.

Ключевые слова: высшая математика, интеграл, экономика, числовой последовательность.

USING A NUMERICAL SEQUENCE AND A CERTAIN INTEGRAL IN SOLVING ECONOMIC PROBLEMS

Osmanova S.¹, Khodzhaeva T.²

¹Osmanova Sadap - Lecturer of the Department of Higher Mathematics and Informatics of the Turkmen State Institute of Economics and Management

²Khojaeva Tuvakgul - Lecturer of the Department of Higher Mathematics and Informatics of the Turkmen State Institute of Economics and Management

Ashgabat, Turkmenistan

Abstract: the article describes the use of numerical sequence and definite integral in solving economic problems. Also the article talks about Archimedes.

Keywords: higher mathematics, integral, number sequence.

УДК 338.48

0,1,2, ...,n,... называется последовательностью чисел $a_0, a_1, a_2 \dots, a_n, \dots$
Последовательность написан кратко $\{a\}_0^\infty$ и $a_0, a_1, a_2 \dots$ числа называются



членами последовательности, а данное число называется ее полным членом. Если $a_n > a_{n+1}$ достигается неравенство, установленное для $n \geq 0$, последовательность будет монотонно убывающей.

И наоборот, если $a_n < a_{n+1}$ неравенство достигается, $\{a\}_0^\infty$ будет монотонная возрастающая последовательность.

Если для некоторого числа a и $\varepsilon > 0$ найдено число $n_0(\varepsilon)$, то $n \geq n_0(\varepsilon)$

для n , удовлетворяющего неравенству $|a - a_n| < \varepsilon$. Если ε достигает точки неравенства, то число a называется пределом последовательности $\{a\}_0^\infty$ в бесконечном стремлении и обозначается им. $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$ [1].

Как показал математический анализ, верна следующая теорема.

Теорема. Существует предел последовательности ограниченного монотонного роста сверху или последовательности убывания монотонности вниз.

Например, последовательность $a_n = (1 + \frac{1}{n})^n$ это последовательность выращивания мутона, ограниченная до верха. Согласно теореме, у него есть предел. Они обозначают предикат $e = \lim_{n \rightarrow \infty} (1 + \frac{1}{n})^n$ - е иррациональное число ($e = 2,71 \dots$), являющееся основанием натурального логарифма. Верхний предел называется вторым оптимальным пределом в математике. Одна из основных проблем теории последовательностей - это предел последовательности. По этому поводу существует множество теорем. Мы привели приведенную выше теорему о монотонных последовательностях. Теперь обратимся к теореме Коши, которая является основой этой теории.

Теорема Коши. Для любого $\varepsilon > 0$ числа $n_0(\varepsilon)$ находится число, а для n, m удовлетворяющего неравенствам $n \geq n_0(\varepsilon)$, $m \geq n_0(\varepsilon)$ достаточность неравенства $|a_n - a_m| < \varepsilon$ необходима и достаточна иметь предел последовательности. , а общая разница последовательностей, выход умножения и доля являются последовательностями.

Вернемся к вопросу о границах последовательностей.



Дадим другое определение предела числового порядка. Для любой функции $f(x)$, определенной в интервале $[0, \infty)$, $x = 0, x = 1, x = 2, \dots$ вообще говоря, аргумент $f(0), f(1), f(2), \dots$ упорядоченный набор значений называется последовательностью чисел.

Обычно $f(0) = a_0, f(1) = a_1, f(2) = a_2, \dots$

Пишется по форме или сокращенно, .

$$a_0, a_1, a_2, \dots, a_n, \dots$$

$a_1, a_2, \dots, a_n, \dots$ элементы последовательности чисел, a_n - называются общими элементами.

Они определяют любой член последовательности по формуле $a_n = f(n)$.

Например, если $a_n = 2^n$, $n = 1, 2, \dots$ то последовательность

$$2, 2^2, 2^3, \dots, 2^n, \dots$$

в прогрессии, если $a_n = 3 + 2n$, $n = 2, 3, \dots$ то последовательность

$$7, 9, 11, \dots, 3 + 2n, \dots$$

будет в **виде**. Одна из основных проблем с числовым порядком состоит в том, что поведение участников, как правило, бесконечно, и именно так они себя **ведут**.

Для любого числа $\varepsilon > 0$ найдено $N > 0$, а при $n > N$ $|d_n| < \varepsilon$, если неравенство достигается, то $\{d_n\}_0^\infty$ последовательность n называется бесконечно малой последовательностью, когда она стремится к бесконечности, и она

Обозначается

$$d_n \sim t. k. y$$

Было бы неправильно сказать, что истоки определенной целостной концепции лежат в трудах великого греческого ученого Архимеда.

Открытия, сделанные этим великим мудрецом 2,5 тысячи лет назад, по-прежнему удивительны. В основе группы открытий, связанных с математикой, лежит метод фрагментации. Тот же метод лежит в основе определенной целостной концепции. Назовем несколько задач, которые он решил таким образом: площадь сегмента параболы, площадь цилиндра, боковая поверхность



конуса, площадь поверхности шара, размер мяч, размер сегмента шара и боковой поверхности, размер параболического и гиперболоидного сегментов, треугольника и трапеции, параллелограмма [1].

Этот замечательный список можно продолжить еще раз. Хотя трудно вывести понятие интегральных сумм из методов, используемых Архимедом, несомненно, что его работа привела к таким обобщениям. В качестве примера мы решили привести удивительную работу Архимеда об открытии размеров земного шара. Найдем размер шара радиусом a .

В центральной точке $S(a,0)$ нарисован круг радиусом a .

Нарисуйте прямоугольник $ABCD$ со сторонами AB и DC , равными $2a$, и сторонами AD и BC , равными $4a$. Совместим эту точку с точками B и C .

Теперь, если **мы** повернем прямоугольник $ABCD$, центр $S(a,0)$, круг с радиусом a и треугольник OBC вокруг оси x , то наше первое изображение сформирует цилиндр с вращающимся объектом, наше второе изображение будет - сфера, а третье изображение - конус.

Определим соответственно их объемы. Теперь давайте посмотрим на рассуждения Архимеда. Он разрезает объекты, сформированные выше, путем прохождения плоскости, перпендикулярной оси x , из точки g сечения OP . Поперечные сечения этих объектов будут кругами радиуса $2a$, y и x соответственно.

Каждый считается фрагментом вырезанного предмета, и вес каждого из них считается равным его площади.

Подвесьте поперечные сечения конуса и шара к центрам на расстоянии x и $2a + x$, соответственно, от точки N ниже.

Поскольку точка (x, y) лежит на окружности, она удовлетворяет своему уравнению:

$$(x - a)^2 + y^2 = a^2 \text{ или}$$
$$x^2 + y^2 = 2ax$$

Умножаем обе части последнего уравнения на $2a$:



$$2a(\pi x^2) + 2a(\pi y^2) = \pi (2a^2) * x$$

Здесь πx^2 - вес поперечного сечения конуса, πy^2 - вес поперечного сечения конуса, $\pi(2a^2)$ - вес поперечного сечения цилиндра. Это означает, что момент поперечного сечения конуса, висящего в точке $\pi(2a^2)$, находится в точке O, а πx^2 момент поперечного сечения цилиндра в точке O

Здесь Архимед подчеркивает, что если для любого участка OP x первые два объекта, свисающие из точки N. находятся в равновесии с частицей третьего тела в соответствии с точкой O, то первые два объекта, полностью находящиеся в точке И, также находятся в равновесии, в третьем объекте (то есть во всем объекте) говорит, что он будет в балансе с.

Следовательно,

$$2aV_k + 2a\zeta = aV_s$$

равенство должно быть правильным. Во времена Архимеда были известны конус $V_k = \frac{1}{3} \pi(2a^2)$ цилиндр. Мы поместим их цены в приведенное выше уравнение:

$$2a * \frac{1}{3} \pi(2a^2) * 2a + 2aV_s = \pi(2a^2) * 2a$$

или упростим:

$$V_s = \frac{4}{3} \pi a^3$$

Список литературы

1. Общедоступная многоязычная универсальная интернет-энциклопедия со свободным контентом. [Электронный ресурс] – URL: <https://ru.m.wikipedia.org> (Дата обращения: 18.05.21).
2. Туркменский информационно-сервисный интернет-портал [Электронный ресурс] – URL: <http://turkmenportal.com> (Дата обращения: 19.05.21).

